

亚诺教育 Z 老师数学每日一题 2021.4.7

高一年级

题: 在 $\triangle ABC$ 中, a, b, c 分别为角 A, B, C 的对边, 已知 $\frac{\cos B}{\cos C} = \frac{b}{2a-c}$, $S_{\triangle ABC} = \frac{3\sqrt{3}}{4}$,

且 $b = \sqrt{3}$, 则 ()

- A. $\cos B = \frac{1}{2}$ B. $\cos B = \frac{\sqrt{3}}{2}$ C. $a+c = \sqrt{3}$ D. $a+c = 3\sqrt{2}$

【答案】 AD

【分析】

利用正弦定理边化角, 再结合余弦定理即可求解.

【详解】

$$\therefore \frac{\cos B}{\cos C} = \frac{b}{2a-c} = \frac{\sin B}{2\sin A - \sin C}$$

整理可得: $\sin B \cos C = 2\sin A \cos B - \sin C \cos B$

可得 $\sin B \cos C + \sin C \cos B = \sin(B+C) = \sin A = 2\sin A \cos B$

$\because A$ 为三角形内角, $\sin A \neq 0$

$\cos B = \frac{1}{2}$, 故 **A 正确, B 错误.**

$$B \in (0, \pi) \therefore B = \frac{\pi}{3} \quad S_{\triangle ABC} = \frac{3\sqrt{3}}{4}, \quad B = 3$$

$$\therefore \frac{3\sqrt{3}}{4} = \frac{1}{2} ac \sin B = \frac{1}{2} \times a \times c \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4} ac \quad \text{解得 } ac = 3,$$

由余弦定理得 $9 = a^2 + c^2 - ac = (a+c)^2 - 3ac = (a+c)^2 - 9$

解得 $a+c = 3\sqrt{2}$, 故 **C 错误, D 正确.**

故选: **AD.**